



L'avancement maximal est : $x_{\text{max}} = c \cdot V$, donc $c = \frac{x_{\text{max}}}{V}$.

Le taux d'avancement final est : $\tau = \frac{x_f}{x_{\text{max}}}$, donc $x_f = x_{\text{max}} \cdot \tau$.

$$\bullet [\text{C}_7\text{H}_5\text{O}_2^- (\text{aq})]_f = \frac{x_f}{V} = \frac{x_{\text{max}} \cdot \tau}{V} = c \cdot \tau$$

$$\bullet [\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2 (\text{aq})]_f = \frac{c \cdot V - x_f}{V} = \frac{x_{\text{max}} - x_{\text{max}} \cdot \tau}{V} = \frac{x_{\text{max}} \cdot (1 - \tau)}{V} = c \cdot (1 - \tau)$$

2. La constante d'acidité K_A du couple s'écrit : $K_A = \frac{(c \cdot \tau)^2}{c \cdot (1 - \tau)}$, on en déduit l'équation du second degré : $c \cdot \tau^2 + K_A \cdot \tau - K_A = 0$.

3. On calcule :

$$\bullet \text{ la valeur de } K_A = 10^{-\text{p}K_A} = 10^{-4,2} = 6,31 \times 10^{-5};$$

$$\bullet \text{ le discriminant } \Delta = K_A^2 + 4 c \cdot K_A = (6,31 \times 10^{-5})^2 + 4 \times 2,0 \times 10^{-3} \times 6,31 \times 10^{-5}$$

soit $\Delta = 5,1 \times 10^{-7}$, d'où la seule solution positive est $\tau = \frac{-K_A + \sqrt{\Delta}}{2 c} = 0,16$ soit 16 %.

$$4. \bullet [\text{C}_7\text{H}_5\text{O}_2^- (\text{aq})]_f = c \cdot \tau = 2,0 \times 10^{-3} \times 0,16 = 3,2 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$\bullet [\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2 (\text{aq})]_f = c \cdot (1 - \tau) = 2,0 \times 10^{-3} \times (1 - 0,16) = 1,7 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$